

# 任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB 圓形 하이브리드의 集中素子 等價回路를 利用한 小型化에 關한 研究

•안 회만, \*정 용재, 윤 상원, 장 익수

서강 대학교 전자공학과, \*삼성전자 정보통신부문 광통신개발실

(A Study on the Miniaturization of 3-dB Ring Hybrid  
Having Arbitrary Termination Impedance Using Lumped-Element Circuit)

H. R. Ahn, \*Y. C. Jung, S. Y. Yun, I. S. Chang

Dept of Electronic Engineering Sogang University, \*Sam Sung Optical Lab

## 要約

UHF(Ultra high frequency), VHF(Very high frequency)帯域에서, 回路의 크기를 줄이기 위해서, 集中素子와 分布素子를 利用하여 設計할 수 있도록 任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드의 集中素子 等價回路를 提示, 解析, 設計하였으며, 中心 周波數 900 MHz에서  $\epsilon_r=2.5$ ,  $h=0.76\text{mm}$ 인 테프론 盤板으로 마이크로스트립 線路와 集中素子를 利用하여 制作, 實驗하였다. 提示한 回路를 基礎로 制作한 3-dB 0°/180° 임의의 종단 임피던스를 갖는 圓形 하이브리드의 面積은 既存의 分布線路를 利用한 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드에 比하여 70% 以上 面積이 減少되었으며 實驗結果도 理論과 잘 一致함을 보였다.

## ABSTRACT

New design method of small-sized 3-dB 0°/180° ring hybrid terminated arbitrary impedance both lumped elements and distributed elements are presented. At the center frequency of 900 MHz, 3-dB 0°/180° ring hybrid terminated any impedance is designed and tested. Good agreements are obtained between measured and theoretical modeling results, and at the same time the circuit area is reduced by more than 70% compared with the distributed-type circuits.

특히 圓形 하이브리드는 混合機에 많이 使用되는데 이 圓形 하이브리드가 混合機에 使用되는 境遇 RF信號 와 LO信號의 入力 임피던스는 500이나 다이오드의 入力 임피던스는 바이어스 電壓과 使用 周波數에 따라 달라 지기는 하나, 2.4GHz 帶域에서 4.5mA의 電流를 통해준 NEC 18898 silicon epitaxial schottky barrier diode의 入力 임피던스는 270정도이며 350MHz에서 900정도이므로 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드를 이용하여 혼합기를 설계하기 위해서는 다이오드와 3-dB 0°/180° 하이브리드와의 整合回路가 必要하다. 이 整合回路를 없애고 바로 하이브리드와 다이오드를 連結하여 設計할 수 있도록 提案된 任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드가 發表되었으나[1], 그 하이브리드 역시 分數線路를 使用해야 하므로 VHF, UHF 帶域에서 크기가 커지는 단점이 있다. 이 점을 보완하기 위해서 終端 임피던스 500에 대하여 集中素子 等價回路를 利用하여 具現한 圓形 하이브리드[2]를 利用할 수 있지만 이 回路 역시 整合回路가 必要하다. 이에 本論文에서는 1/4入의 傳送線路 준 TEM 웨이브 集中素子 等價回路는 端子와 端子사이 容量成分이며 3/4入의 傳送線路 준 TEM 웨이브 集中素子 等價回路는 端子와 端子사이 誘導成分이다.[3] 端子와 端子사이 誘導成分의 具現은 코일로 具現하여야 하는데 이 코일은 마이크로 웨이브에 動作할 境遇 損失이 많으므로 마이크로 스트립 形態로 具現이 可能하다. 그러나 마이크로 스트립 形態의 具現은 크

# I. 序論

圓形 하이브리드나 브랜치 라인 하이브리드와 같은 4  
端子 回路는 平衡 混合機, 要造機, 안테나 빔, 電力  
混合機와 分派器등에 널리 使用된다.

새로운 시스템의 使用 频波數가 높아지는 順向이 있으  
나, 既存의 VHF(Very high frequency), UHF(Ultrahigh  
frequency)帶域의 시스템 ( 携帶電話, 無線電話, 無線裝  
備 )들도 점점 小型화가 要求되며, 나아가 MIC(  
Microwave Integrated Circuits)나 MMIC (Monolithic  
Microwave Integrated Circuits)의 部品들을 利用하는  
順向이 있다.

기기 작아지는 長點을 期待하기는 어려우므로 既存의  
傳送線路의 形態가 小型化 하기 쉽기 때문에, 既存의  
任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB 0°/180° 圓形 하이  
브리드의 回路를 수정하여 이에 相應하는 集中素子 等  
價回路를 구했으며 이 回路를 根據로 容量成分은 高周  
波用 커뮤니케이션을 使用하여 具現하였으며 阻抗成分은 及  
落된 마이크로 스트립과 及落된 平行 結合線路를 利用  
하여 具現하였다.

이 等價回路는 칩 커뮤니케이션 製作 技術 發達과 더불어  
더욱더 크기가 작아질 수 있으므로 小型化에 큰 長點을  
가지고 있다.

任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드의 集中素子 等價回路을 根據로 中心 周波數 900MHz에서 實驗하여 理論值와 比較하고 理論치와 一致하는 實驗結果를 얻었다.

## II. 解析

任義의 길이  $d$ 인 傳送線路의 [Y]-파라미터에 의한  $x$ -型 等價回路는 그림 1과 같으며<sup>[2]</sup>  $d = \frac{1}{4}\lambda$ 이면  $x$ -型 等價回路는 그림 2(a)이며  $d = \frac{3}{4}\lambda$ 이면  $x$ -型 等價回路는 그림 2(b)이다.

$\frac{1}{4}\lambda$ 의 傳送線路의  $x$ -型 集中素子 等價回路가 그림 2(a)와 같이 端子와 端子사이 인덕턴스 成分으로 連結되어 있고,  $\frac{3}{4}\lambda$ 의 傳送線路  $x$ -型 集中素子 等價回路가 그림 2(b)와 같이 端子와 端子사이 容量 成分으로 連結되어 있다. 端子와 端子사이 인덕턴스의 具現은 커 피시언스의 具現보다 어려움이 많이 있고, 具現한다 하여도 크기가 커지는 短點이 있다. 그러므로,  $\frac{3}{4}\lambda$ 의 傳送線路  $x$ -型 集中素子 等價回路와 같은 構造면 集中素子로 制作 具現이 쉽다.

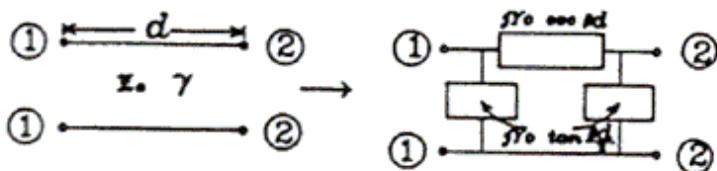


그림 1. 傳送線路의  $x$ -型 等價回路

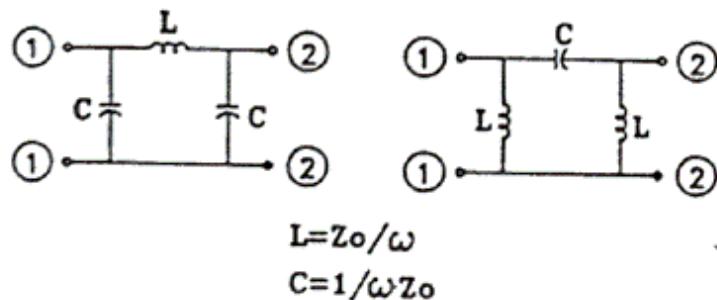


그림 2. 集中素子 等價回路

(a)  $d = \frac{1}{4}\lambda$  (b)  $d = \frac{3}{4}\lambda$

1) 任意의 終端 임피던스를 갖는

3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드

$\frac{3}{4}\lambda$ 의 傳送線路를 集中素子로 制作, 具現이 쉬으므로, 既存의 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드의  $\frac{1}{4}\lambda$  傳送線路를  $\frac{3}{4}\lambda$ 의 傳送線路로 바꾸고, 位相이 180° 差異

端子 ③은 獨立 端子가 된다.

그림 5(b)의 點線으로 나누어서 나타내면 그림 6이 된다. 그림 6(a)의 傳送 파라메터를 구하면 式(1)이 된다.

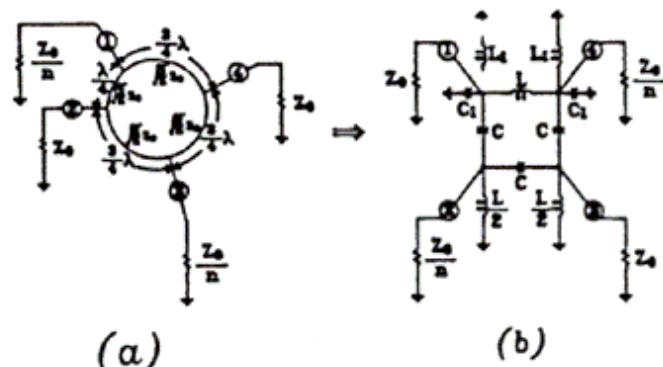


그림 3. 任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB 0°/180° 圓形 하이브리드

(a) 分布線路 하이브리드 (b) 集中素子 하이브리드

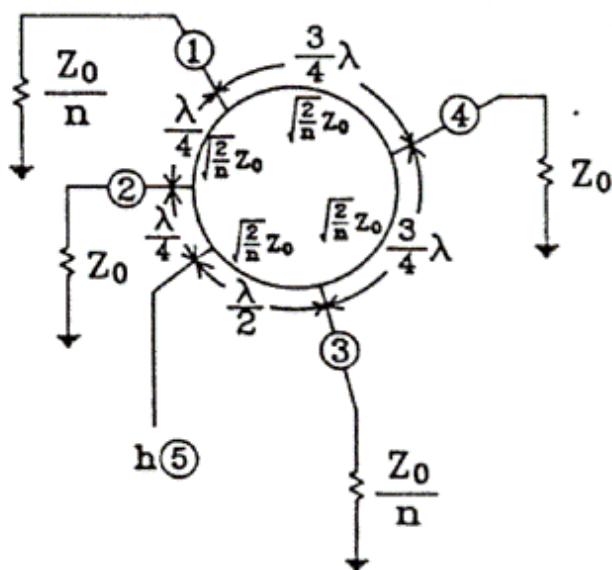


그림 4. 假想的인 第 5端子 設定

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ j\omega C & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & j\omega L \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ j\omega C & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 - \omega^2 LC & j\omega L \\ j\omega C(2 - \omega^2 LC) & 1 - \omega^2 LC \end{bmatrix} \quad (1)$$

나도록 2-3의 傳送線路를 2-3의 傳送線路로 바꾸면,  
그림 3(a)가 되며 각 部分의 傳送線路에 貢獻하는 集中  
電子 等價 回路도 바꾸게 되면, 그림3(b)가 된다.

그림 2-3(b)에서  $C=1/(\sqrt{2}/n Z_0 \omega)$ ,  $L=(\sqrt{2}/n Z_0)/\omega$   
이다.

그림 4는 假想적인 第⑤端子 h⑤를 端子②로 부터  $1/2\lambda$  되는 곳에 設定하면 h⑤의 入力 임피던스는  $Z_0/n$ 이  
므로 단자①에서 電力を 보낸 擬遇 對稱이므로 端子h⑤  
와 端子②에 兩分된다. 그러므로 端子②와 端子④는  
180°位相差를 갖는 電力가 兩分되어 耦着한다. 그러므로

식(1)에서  $\omega L=\sqrt{2}/n Z_0$  ( $1/\omega C$ ) =  $\sqrt{2}/n Z_0$   
를 代入하면 式(2)가 된다.

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & j\sqrt{2}/n Z_0 \\ j/(\sqrt{2}/n Z_0) & 0 \end{bmatrix} \quad (2)$$

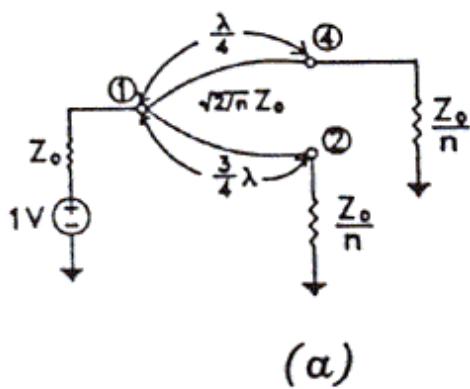
그림6(a)에서 端子①과 端子②사이에 電壓과 電流의  
關係式을 適用하면 式(3)이 된다.

$$I = 2Z_0 I_1 + V_1$$

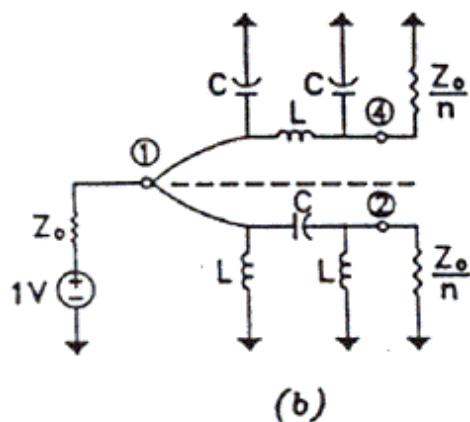
$$V_4 = (Z_0/n) I_4 \quad (3)$$

- 105 -

ÀÌÀü ÙUÀ½



(a)



(b)

그림-5 端子 ①에 驅起된 등가 회로

(a) 分布線路 (b) 集中線子

式(2)와 式(3)에서 각 端子의 電壓을 구하면 式(4)가 된다.

$$\begin{aligned} V_1 &= 1 \\ V_4 &= -j/\sqrt{2} \end{aligned} \quad (4)$$

그림6(b)의 傳送 파라메터를 구하면 式(5)가 되며 그림 6(b)에서 端子①과 端子④사이에 電壓과 電流의 關係式을 適用하면 式(6)이 된다.

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ j\omega L^{-1} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & j\omega L \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ j\omega L^{-1} & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 - \omega^2 LC & j\omega C \\ j\omega L(2 - \omega^2 LC) & 1 - \omega^2 LC \end{bmatrix} \quad (5)$$

$$1 = 2Z_0 I_1 + V_1$$

$$S_{11} = 0$$

$$S_{21} = j/\sqrt{2}$$

$$S_{31} = 0$$

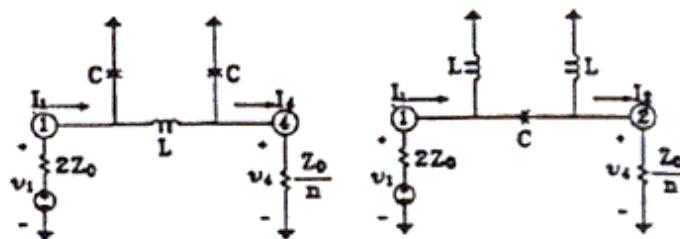
(8)

$$S_{41} = -j/\sqrt{2}$$

또한 端子③에서 驅起시키면 端子④와 端子②로 똑같이 2分되며 端子①에서  $180^\circ$ 의 位相差를 가지므로 端子①은 孤立된 端子가 되며 端子①에 驅起 시켰을 때 그림(7)과 같이 나타낼 수 있다.

그림7(b)의 點線은 對稱線을 나타내므로 그림(8)은 端子③과 端子②를 나타낸 그림이다.

그림(8)에서 端子③과 端子②사이의 傳送 파라메터를

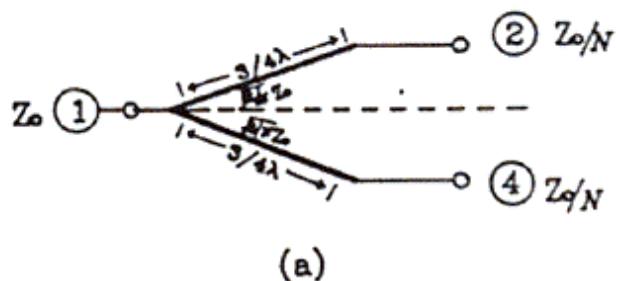


(a)

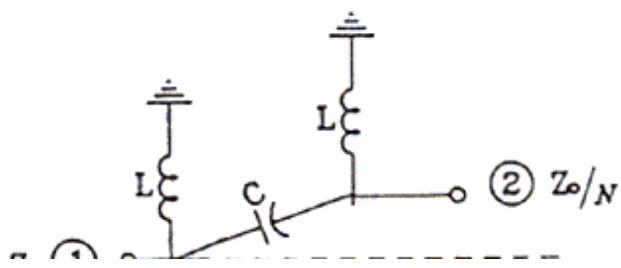
(b)

그림 6(a) 端子①과 端子④사이의 等價回路

(b) 端子①과 端子②사이의 等價回路



(a)



$$V_2 = (Z_0/n)I_2$$

(7)

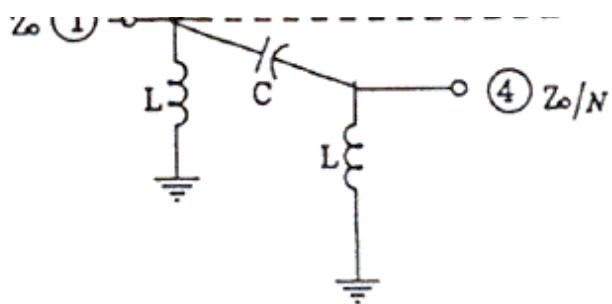
式(6)과 式(5)에서 각 端子의 電壓을 구하면 式(7)이

되며 端子③은 孤立되므로  $V_3=0$  된다..

$$V_1 = 1$$

$$V_2 = j(1/\sqrt{2})$$

(7)



(b)

그림 7. 端子③에 起된 等價回路

(a) 分布線路

(b) 集中線子

- 106 -

ÀÌÀü ÙÀ½

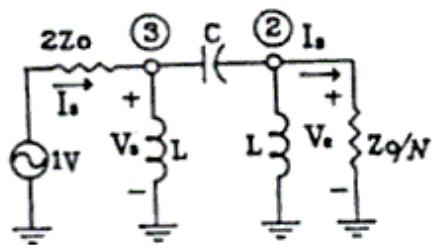


그림 8. 端子③과 端子②사이의 等價回路

구하면 式(5)와 같으며 端子③과 端子②사이 電壓과 電流式을 구하면 式(9)가 된다.

$$I = 2Z_o I_3 + V_3 \quad (9)$$

$$V_2 = (Z_o / z) I_2$$

式(9)와 式(5)에서 端子③과 端子②사이 電壓을 구하면 式(10)이 된다.

$$V_2 = -j(1/\sqrt{2}) \quad (10)$$

$$V_3 = 1$$

같은 方法으로 端子③과 端子①사이 電壓을 구하면 式(11)이 된다.

$$V_4 = -j(1/\sqrt{2}) \quad (11)$$

$$V_3 = 1$$

式(10)과 式(11)에서 端子③에 대한 散亂係數는 式(12)가 된다.

$$S_{13} = 0$$

$$S_{23} = -j/\sqrt{2}$$

$$S_{33} = 0 \quad (12)$$

$$S_{43} = -j/\sqrt{2}$$

式(12), 式(8)과 受動回路에서 成立하는 가역정리를 利用하여 電壓에 대한 散亂係數를 구하면 式(13)이 된다.

$$[S] = \begin{bmatrix} 0 & j/\sqrt{2} & 0 & j/\sqrt{2} \\ j/\sqrt{2} & 0 & j/\sqrt{2} & 0 \\ 0 & j/\sqrt{2} & 0 & -j/\sqrt{2} \\ j/\sqrt{2} & 0 & -j/\sqrt{2} & 0 \end{bmatrix} \quad (13)$$

식(13)에서 散亂係數를 살펴보면 端子①에서 起起시키면 端子②와 端子④로 電力이 兩分되며 位相이 180° 差異가 나고 端子③은 孤立됨을 알 수 있다. 또한 端子③에

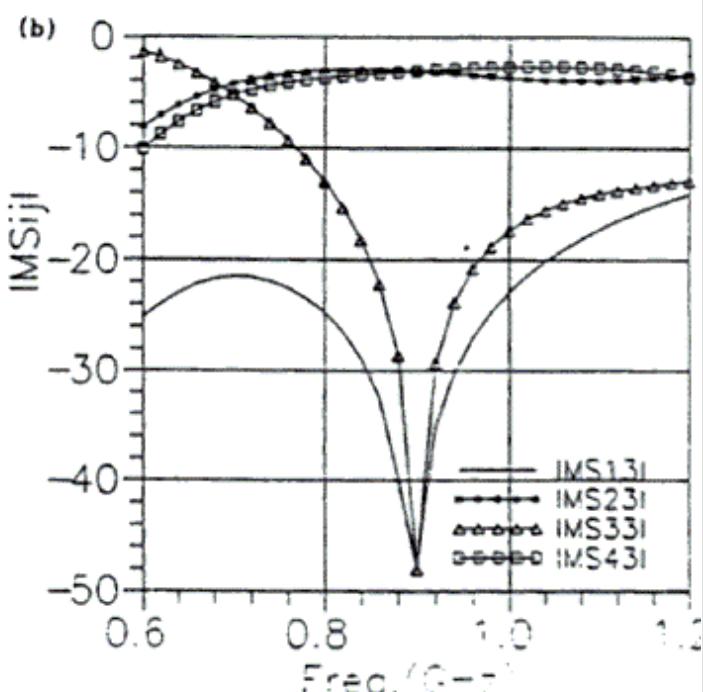
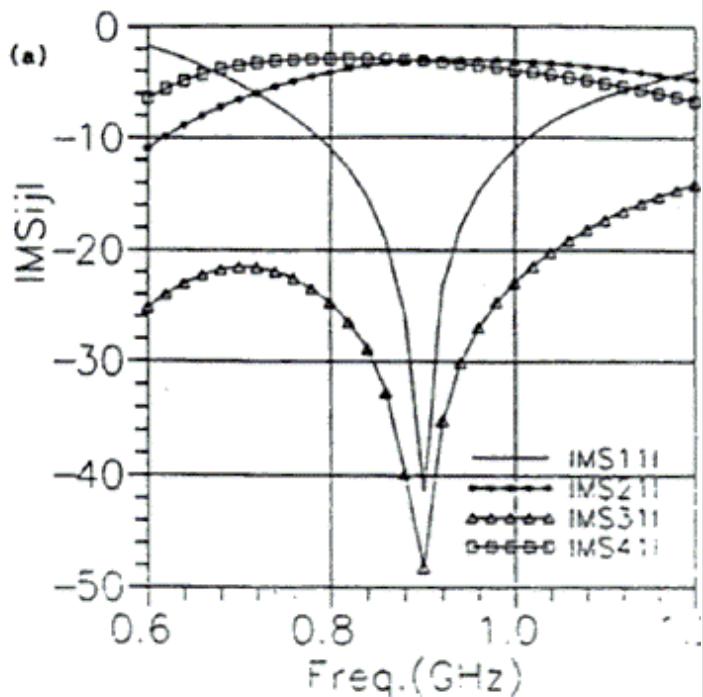


그림 9. 任意의 共端 3-dB 0°/180°의 圓形 하이브리드의 [S]-파라메터의 理論值

(a) 180°의 位相差를 가지는 圓形 하이브리드의 [S]-파라메터의 理論值

(b) 0°의 位相差를 가지는 圓形 하이브리드의 [S]-파라메터의 理論值

시 電起시기면 端子④와 端子⑤로 電力이 同 位相으로  
兩分됨을 알 수 있다. 그림9(a)는 中心周波數 900MHz에  
서 그림3(b)에서  $n=2$ ,  $C=3.54\text{PF}$ ,  $L=8.84\text{NH}$ ,  
 $L_1=8.84\text{NH}/2.5$ ,  $C_1=8.954\text{PF}$   $Z_0=500$ 으로 舉하여 端子①  
에서 電起 시켰을 때 電力이 端子②와 端子④로  $180^\circ$ 位  
相差를 가지고 兩分됨을 보이는 散亂係數의 理論值을  
나타낸 그림이며 그림9(b)는 端子③에서 電起시켰을 때  
電力이 端子②와 端子④로 同 位相으로 兩分되는 任意  
의 終端 임피던스를 갖는 3-dB  $0^\circ/180^\circ$  圖形 하이브리  
드의 散亂係數의 理論值을 나타낸 그림이다.

- 107 -

### III. 製作 및 實驗

#### 1) 任意의 終端 임피던스를 갖는

##### 3-dB $0^\circ/180^\circ$ 圖形 하이브리드

中心 周波數 900MHz에서 任意의 終端 임피던스를 갖는  
3-dB  $0^\circ/180^\circ$  集中素子 하이브리드를 具現하기 위해서  
 $n=2$ 일때 理論的인 素子의 값은  $C=3.54\text{PF}$ ,  $L=8.84\text{NH}$   
 $C=C_1$ ,  $L=L_1$ 이다. 이 경우 端子①과 端子④사이 調諧 成  
分은 平行結合線路도 具現이 可能하다.<sup>[4]</sup> 그러나 이경  
우 結合係數가 0.5이므로 2次元 構造로 具現이 어려우  
므로 本 論文에서는  $L_1=8.84\text{NH}/2.5$ 로 舉하여 2次元 平

ÀÌÀü ÙÀ½

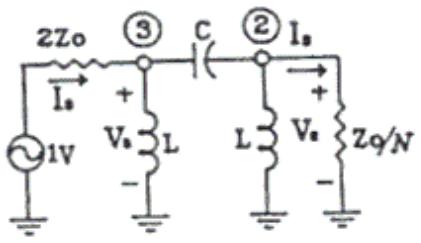


그림 8. 端子③과 端子②사이의 等價回路

구하면 式(5)와 같으며 端子③과 端子②사이 電壓과 電流式을 구하면 式(9)가 된다.

$$\begin{aligned} I &= 2Z_o I_3 + V_3 \\ V_2 &= (Z_o/n) I_2 \end{aligned} \quad (9)$$

式(9)와 式(5)에서 端子③과 端子②사이 電壓을 구하면 式(10)이 된다.

$$V_2 = -j(1/\sqrt{2}) \quad (10)$$

$$V_3 = 1$$

같은 方法으로 端子③과 端子①사이 電壓을 구하면 式(11)이 된다.

$$\begin{aligned} V_4 &= -j(1/\sqrt{2}) \\ V_3 &= 1 \end{aligned} \quad (11)$$

式(10)과 式(11)에서 端子③에 대한 散亂係數는 式(12)가 된다.

$$\begin{aligned} S_{13} &= 0 \\ S_{23} &= -j/\sqrt{2} \\ S_{33} &= 0 \\ S_{43} &= -j/\sqrt{2} \end{aligned} \quad (12)$$

式(12), 式(8)과 受動回路에서 成立하는 가역정리를 利用하여 電壓에 대한 散亂係數를 구하면 式(13)이 된다.

$$[S] = \begin{bmatrix} 0 & j/\sqrt{2} & 0 & j/\sqrt{2} \\ j/\sqrt{2} & 0 & j/\sqrt{2} & 0 \\ 0 & j/\sqrt{2} & 0 & -j/\sqrt{2} \\ j/\sqrt{2} & 0 & -j/\sqrt{2} & 0 \end{bmatrix} \quad (13)$$

식(13)에서 散亂係數를 살펴보면 端子①에서 驅起시키면 端子②와 端子④로 電力이 兩分되며 位相이 180°差異가 나고 端子③은 孤立됨을 알 수 있다. 또한 端子③에서 驅起시키면 端子②와 端子④로 電力이 同 位相으로 兩分됨을 알 수 있다. 그림9(a)는 中心周波数 900MHz에

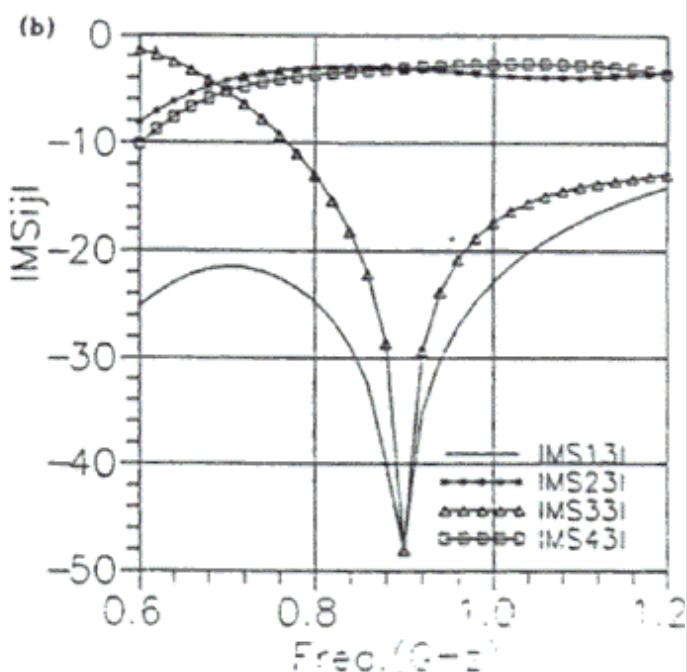
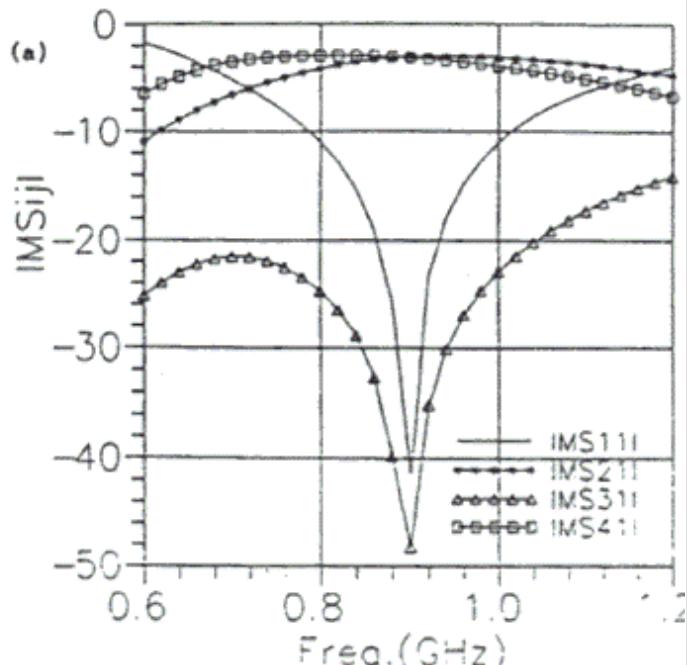


그림 9. 任意의 共端 3-dB 0°/180°의 圓形 하이브리드의 [S]-파라메터의 理論值

(a) 180°의 位相差를 가지는 圓形 하이브리드의 [S]-파라메터의 理論值

(b) 同 位相差를 가지는 圓形 하이브리드의 [S]-파라메터의 理論值

서 그림3(b)에서  $n=2$ ,  $C=3.54\text{PF}$ ,  $L=8.84\text{NH}$ ,  $L_1=8.84\text{NH}/2.5$ ,  $C_1=8.954\text{PF}$   $Z_0=500$ 으로 算하여 端子①에서 勵起 시켰을 때 電力이 端子②와 端子④로  $180^\circ$ 位相差를 가지고 兩分됨을 보이는 散亂係數의 理論值을 나타낸 그림이며 그림9(b)는 端子③에서 勵起시켰을 때 電力이 端子②와 端子④로 同位相으로 兩分되는 任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB  $0^\circ/180^\circ$  圓形 하이브리드의 散亂係數의 理論值을 나타낸 그림이다.

### 三. 本研究概要

#### 1) 任意의 終端 임피던스를 갖는

##### 3-dB $0^\circ/180^\circ$ 圓形 하이브리드

中心 局部數 900MHz에서 任意의 終端 임피던스를 갖는 3-dB  $0^\circ/180^\circ$  圓形 하이브리드를 實現하기 위해서  $n=2$ 일때 理論的인 端子의 값은  $C=3.54\text{PF}$ ,  $L=8.84\text{NH}$   $C=C_1$ ,  $L=L_1$ 이다. 이 경우 端子①과 端子③사이 電場 成分은 平行 結合線路로 實現이 可能하다.<sup>[4]</sup> 그러나 이경우 結合係數가  $0.50$ 으로 2次元 構造로 實現이 어려우므로 本 論文에서는  $L_1=8.84\text{NH}/2.5$ 로 算하여 2次元 平

205, 1980

- [5] Sina Akhtarzano, Thomas R. Rowbotham, and Peter B. Johns, "The Design of Coupled Microstrip Lines" IEEE Trans. Microwave Theory Tech., vol. MTT-23, no. 6, JUNE, PP. 486-491, 1975
- [6] K. C. Gupta, Ramesh. Garg, Rakesh. Chadha, "Computer Aided Design of Microwave Circuit" Artech House, Inc., PP. 60-64, 1981

[ÀÌÀü Á³À½](#)